

Homework 1
SNU 4190.310, 2023 봄
이 광근
Due: 3/17, 24:00

Exercise 1 “씨그마”

우리가 중고등 수학시간에 슬하게 썼던 다음의 “씨그마”를 OCaml로 정의하세요:

$$\sum_{n=a}^b f(n)$$

씨그마의 타입은

```
sigma : int * int * (int -> int) -> int.
```

즉, `sigma(a,b,f)`로 표현하면 $\sum_{n=a}^b f(n)$ 과 같도록. □

Exercise 2 “참거짓”

Propositional Logic 식들(`formula`)을 다음과 같이 정의했습니다:

```
type formula = TRUE
              | FALSE
              | NOT of formula
              | ANDALSO of formula * formula
              | ORELSE of formula * formula
              | IMPLY of formula * formula
```

| LESS of expr * expr
 and expr = NUM of int
 | PLUS of expr * expr
 | MINUS of expr * expr

주어진 formula를 받아서 참값을 만들어내는 함수 eval

eval : formula → bool

를 정의하세요. □

Exercise 3 “ k -진수”

일반적으로 k 진수($k > 1$)는 다음과 같이 표현한다.

$$d_0 \cdots d_n$$

여기서

$$\forall d_i \in \{0, \dots, k-1\}.$$

그리고 “ $d_0 \cdots d_n$ ”은 크기가

$$d_0 \times k^0 + \cdots + d_n \times k^n$$

인 정수를 표현한다.

이것을 살짝 확장해서 “ k 진수”를 다음과 같이 정의해보자. 표현은

$$d_0 \cdots d_n$$

여기서

$$\forall d_i \in \{1-k, \dots, 0\} \cup \{0, \dots, k-1\}.$$

그리고 “ $d_0 \cdots d_n$ ”은 크기가

$$d_0 \times k^0 + \cdots + d_n \times k^n$$

인 정수를 표현한다.

예를 들어, 3진수의 경우를 생각하자. 베이스가 $\{-2, -1, 0, 1, 2\}$ 이 되겠다. 0이 0을, +가 1을, -가 -1을, *가 2를, /이 -2를 표현한다고 하면, + 는 1을, 0/+는 3을, +-는 -2을, +*0-는 -20인 정수를 표현한다.

OCaml로 3진수라는 타입을 다음과 같이 정의했다:

```
type crazy3 = NIL | ZERO of crazy3
             | ONE of crazy3 | MONE of crazy3
             | TWO of crazy3 | MTWO of crazy3
```

예를 들어, 0+/-은

ZERO(ONE(MTWO NIL))

로 표현된다.

위와 같이 표현되는 3진수를 받아서 그것의 값을 계산하는 함수 `crazy3val`을 정의하세요.

`crazy3val: crazy3 -> int.`

□

Exercise 4 “3진수의 합”

두 3진수를 받아서 3진수의 합에 해당하는 3진수를 내어놓는 함수 `crazy3add`를 정의하세요.

`crazy3add: crazy3 * crazy3 -> crazy3`

위의 `crazy3add`는 다음의 성질이 만족되어야 한다: 임의의 3진수 z 과 z' 에 대해서

`crazy3val (crazy3add(z, z')) = crazy3val(z) + crazy3val(z')`.

□