

Homework 1

SNU 4190.310, 2024 봄

o] 광근

Due: 3/17, 24:00

Exercise 1 “씨그마”

우리가 중고등 수학시간에 술하게 썼던 다음의 “씨그마”를 OCaml로 정의하세요:

$$\Sigma_{n=a}^b f(n)$$

씨그마의 타입은

```
sigma : int * int * (int -> int) -> int.
```

즉, `sigma(a,b,f)`로 표현하면 $\Sigma_{n=a}^b f(n)$ 과 같도록. □

Exercise 2 “반복기”

다음 함수 `iter`를 정의하세요:

$$\text{iter}(n, f) = \underbrace{f \circ \cdots \circ f}_n$$

이 때, $n = 0$ 이면 아무일을 하지 않는(identity) 함수를 내 놓고, 양수이면 그 만큼

f 를 반복해서 적용하는 함수를 내 놓습니다. 그래서,

```
iter(n, function x -> 2+x) 0
```

은 $2 \times n$ 을 내 놓게됩니다. \square

Exercise 3 “참거짓”

Propositional Logic 식들(formula)을 다음과 같이 정의했습니다:

```
type formula = TRUE
| FALSE
| NOT of formula
| ANDALSO of formula * formula
| ORELSE of formula * formula
| IMPLY of formula * formula
| LESS of expr * expr
and expr = NUM of int
| PLUS of expr * expr
| MINUS of expr * expr
```

주어진 formula를 받아서 참값을 만들어내는 함수 eval

```
eval : formula → bool
```

를 정의하세요. \square

Exercise 4 “ k -진수”

일반적으로 k 진수($k > 1$)는 다음과 같이 표현한다.

$$d_0 \cdots d_n$$

여기서

$$\forall d_i \in \{0, \dots, k-1\}.$$

그리고 “ $d_0 \cdots d_n$ ”은 크기가

$$d_0 \times k^0 + \cdots + d_n \times k^n$$

인 정수를 표현한다.

이것을 살짝 확장해서 “ k 진수”를 다음과 같이 정의해보자. 표현은

$$d_0 \cdots d_n$$

여기서

$$\forall d_i \in \{1 - k, \dots, 0\} \cup \{0, \dots, k - 1\}.$$

그리고 “ $d_0 \cdots d_n$ ”은 크기가

$$d_0 \times k^0 + \cdots + d_n \times k^n$$

인 정수를 표현한다.

예를 들어, 3진수의 경우를 생각하자. 베이스가 $\{-2, -1, 0, 1, 2\}$ 이 되겠다. $0\circ$ 은, $+$ 가 $1\circ$, $-$ 가 $-1\circ$, $*$ 가 $2\circ$, $/$ 이 $-2\circ$ 를 표현한다고 하면, $+$ 는 $1\circ$, $0/+$ 는 $3\circ$, $+-$ 는 $-2\circ$, $**0-$ 는 $-20\circ$ 인 정수를 표현한다.

OCaml로 3진수라는 타입을 다음과 같이 정의했다:

```
type crazy3 = NIL | ZERO of crazy3
              | ONE of crazy3 | MONE of crazy3
              | TWO of crazy3 | MTWO of crazy3
```

예를 들어, $0+/$ 은

```
ZERO(ONE(MTWO NIL))
```

로 표현된다.

위와 같이 표현되는 3진수를 받아서 그것의 값을 계산하는 함수 `crazy3val`을 정의하세요.

```
crazy3val: crazy3 -> int.
```

□

Exercise 5 “친수의 합”

두 3친수를 받아서 3친수의 합에 해당하는 3친수를 내어놓는 함수 `crazy3add`를 정의하세요.

`crazy3add: crazy3 * crazy3 -> crazy3`

위의 `crazy3add`는 다음의 성질이 만족되야 한다: 임의의 3친수 z 과 z' 에 대해서

$$\text{crazy3val}(\text{crazy3add}(z, z')) = \text{crazy3val}(z) + \text{crazy3val}(z').$$

□