

Homework 1

SNU 4190.310, 2026 봄

이 광근

Due: 3/14, 24:00

Exercise 1 (2pts) “합쳐요”

큰 순서대로(descending order) 나열된 정수 리스트 두개를 받아서 하나의 순서 리스트로 만드는 함수

```
merge: int list * int list -> int list
```

를 정의하세요. 리스트에는 같은 정수가 반복해서 들어있을 수 있습니다. □

Exercise 2 (2pts) “반복기”

다음함수 `iter`를 정의하세요:

$$\text{iter}(n, f) = \underbrace{f \circ \dots \circ f}_n$$

이 때, $n = 0$ 이면 아무일을 하지 않는(identity) 함수를 내 놓고, 양수이면 그 만큼 f 를 반복해서 적용하는 함수를 내 놓습니다. 그래서,

```
iter(n, function x -> 2*x) 0
```

은 $2 \times n$ 을 내 놓게됩니다. □

Exercise 3 (2pts) “말해줘”

114 전화 시스템에서는 찾은 전화번호를 음성합성으로 알려주는데, 이 시스템의 핵심함수, `vocalize`를 작성하세요:

```
vocalize: string -> string list list
```

일곱 혹은 여덟 자 양의 정수 `string`을 받아서 세자리와 네자리(혹은 네자리와 네자리)로 나누어서 읽어주도록 하는 함수입니다. 예를 들어,

```
vocalize "8801857"  
= [ ["팔", "백", "팔", "십"], ["천", "팔", "백", "오", "십", "칠"] ]
```

단, 0을 읽지않아도 될 경우 읽지않습니다. 예를들어, 0022900은

```
[ ["이"], ["이", "천", "구", "백"] ]
```

□

Exercise 4 (2pts) “대진표 스트링”

일반적으로 게임 대진표는 완전 이진트리 구조(complete binary tree)입니다. 2026 월드컵 팀들과 그 대진표를 다음과 같이 정의했습니다:

```
type team = Korea | France | Usa | Brazil | Japan | Nigeria | Cameroon  
          | Poland | Portugal | Italy | Germany | Norway | Sweden | England  
          | Argentina  
type tourna = LEAF of team  
            | NODE of tourna * tourna
```

`tourna`를 받아서 괄호를 이용한 1차원 스트링으로 변환해주는 함수 `parenize`를 작성하세요:

```
parenize: tourna -> string
```

예를들어,

```
parenize(NODE(NODE(LEAF Korea, LEAF Portugal), LEAF Brazil))
= "((Korea Portugal) Brazil)"
```

□

Exercise 5 (3pts) “참거짓”

Propositional Logic 식들(formula)을 다음과 같이 정의했습니다:

```
type formula = TRUE
              | FALSE
              | NOT of formula
              | ANDALSO of formula * formula
              | ORELSE of formula * formula
              | IMPLY of formula * formula
              | LESS of expr * expr
and  expr = NUM of int
              | PLUS of expr * expr
              | MINUS of expr * expr
```

주어진 formula를 받아서 참값을 만들어내는 함수 eval

```
eval : formula → bool
```

를 정의하세요. □

Exercise 6 (3pts) “ k -진수”

일반적으로 k 진수($k > 1$)는 다음과 같이 표현한다.

$$d_0 \cdots d_n$$

여기서

$$\forall d_i \in \{0, \dots, k-1\}.$$

그리고 “ $d_0 \cdots d_n$ ”은 크기가

$$d_0 \times k^0 + \cdots + d_n \times k^n$$

인 정수를 표현한다.

이것을 살짝 확장해서 “ k 진수”를 다음과 같이 정의해보자. 표현은

$$d_0 \cdots d_n$$

여기서

$$\forall d_i \in \{1 - k, \dots, 0\} \cup \{0, \dots, k - 1\}.$$

그리고 “ $d_0 \cdots d_n$ ”은 크기가

$$d_0 \times k^0 + \cdots + d_n \times k^n$$

인 정수를 표현한다.

예를 들어, 3진수의 경우를 생각하자. 베이스가 $\{-2, -1, 0, 1, 2\}$ 이 되겠다. 0이 0을, +가 1을, -가 -1을, *가 2를, /이 -2를 표현한다고 하면, +는 1을, 0/+는 3을, +-는 -2을, +*0-는 -20인 정수를 표현한다.

OCaml로 3진수라는 타입을 다음과 같이 정의했다:

```
type crazy3 = NIL | ZERO of crazy3
             | ONE of crazy3 | MONE of crazy3
             | TWO of crazy3 | MTWO of crazy3
```

예를 들어, 0+/-은

ZERO(ONE(MTWO NIL))

로 표현된다.

위와 같이 표현되는 3진수를 받아서 그것의 값을 계산하는 함수 `crazy3val`을 정의하세요.

```
crazy3val: crazy3 -> int.
```

□

Exercise 7 (3pts) “친수의 합”

두 3친수를 받아서 3친수의 합에 해당하는 3친수를 내어놓는 함수 `crazy3add`를 정의하세요.

```
crazy3add: crazy3 * crazy3 -> crazy3
```

위의 `crazy3add`는 다음의 성질이 만족되어야 한다: 임의의 3친수 z 과 z' 에 대해서

$$\text{crazy3val} (\text{crazy3add}(z, z')) = \text{crazy3val}(z) + \text{crazy3val}(z').$$

□